

۱- دو ضلع یک زاویه را در نظر بگیرید نقطه‌ای را بیابید که فاصله آن از یک ضلع زاویه ۱ سانتی‌متر و از ضلع دیگر آن $\frac{1}{5}$ سانتی‌متر باشد. (مراحل را با شکل توضیح دهید).

۲- اگر اضلاع مثلث $x+1$ و 4 و 7 باشد حدود x را بیابید.

۳- ثابت کنید سه عمود منصف اضلاع هر مثلث همسنند.

۴- با استفاده از برهان خلف ثابت کنید اگر در مثلثی دو زاویه نابرابر باشند ضلع مقابل به زاویه بزرگ‌تر از ضلع رو به رو به زاویه کوچک‌تر، بزرگ‌تر است.

۵- نقیض گزاره‌های زیر را نوشته سپس گزاره قسمت «ب» را به صورت دو شرطی بنویسید.

الف - مستطیلی وجود دارد که مربع نیست.

ب - مجموع زوایای داخلی هر مثلث 180° است.

۶- روش رسم نمی‌ساز یک زاویه را با شکل توضیح دهید.

۷- به سؤالات زیر پاسخ کوتاه دهید:

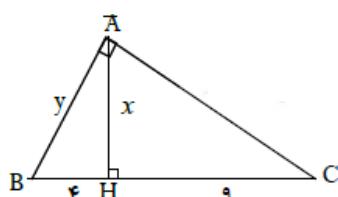
الف - در چه استدلالی از جزء به کل می‌رسیم؟

ب - چند متوازی‌الاضلاع با طول قطرهای 4 و 7 می‌توان رسم کرد؟ چرا؟

ج - هر نقطه روی نیمساز یک زاویه چه ویژگی دارد؟

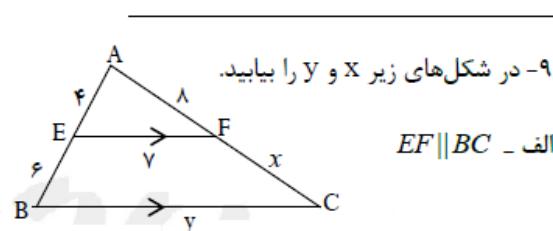
د - چند مثلث با اضلاع 4 و 3 و 7 می‌توان رسم کرد؟ چرا

۸- تعمیم تالس: اگر خطی دو ضلع مثلثی را در دو نقطه قطع کند و با ضلع سوم آن موازی باشد مثلث پدید می‌آید که اندازه‌ی ضلع‌های آن با اندازه‌ی ضلع‌های مثلث اصلی متناسب‌اند.



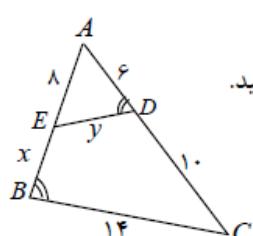
$$\hat{A} = \hat{H} = 90^\circ$$

ب -



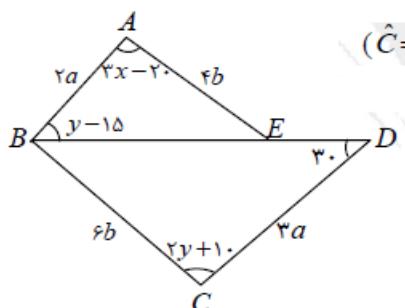
۹- در شکل‌های زیر x و y را بیابید.

الف -



۱۱- در شکل مقابله $\hat{D}=\hat{B}$ ثابت کنید مثلث $\triangle AED$ با مثلث $\triangle ABC$ متشابه‌اند و سپس x و y را بیابید.

۱۰- اگر دو زاویه از مثلث با دو زاویه از مثلث دیگر مساوی باشند ثابت کنید دو مثلث متشابه‌اند.

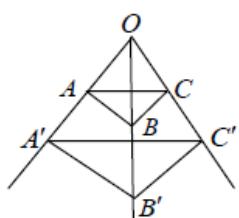


۱۲- در شکل مقابل $\hat{C} = 2y + 10^\circ$, $\hat{B} = y - 15^\circ$, $\hat{A} = 3x - 20^\circ$ است. $BE = 2DE$ است.

الف - ثابت کنید دو مثلث متشابه‌اند.

ب - x و y را بیابید.

ج - نسبت به مساحت مثلث BCD به مساحت مثلث ABE چقدر است؟



۱۳- در شکل مقابل $AC \parallel A'C'$, $BC \parallel B'C'$ و $AB \parallel A'B'$ ثابت کنید

۱۴- نسبت مساحت‌های دو پنج ضلعی متشابه $\frac{4}{9}$ است اگر محیط یکی از آنها ۱۲ واحد باشد محیط دیگری چند واحد است؟

(چند جواب داریم)